Series : EF3GH

SET~2

रोल नं.
Roll No.

प्रश्न-पत्र कोड
Q.P. Code 430/3/2

परीक्षार्थी प्रश्न-पत्र कोड को उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर अवश्य लिखें।
Candidates must write the Q.P. Code on the title page of the answer-book.

नोट

(I) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ **27** हैं।

(II) प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न-पत्र कोड को परीक्षार्थी उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें।

(III) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में **38** प्रश्न हैं।

(IV) **कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में यथा स्थान पर प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें।**

(V) इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है। प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा। 10.15 बजे से 10.30 बजे तक परीक्षार्थी केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे।

NOTE

(I) Please check that this question paper contains **27** printed pages.

(II) Q.P. Code given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.

(III) Please check that this question paper contains **38** questions.

(IV) **Please write down the Serial Number of the question in the answer-book at the given place before attempting it.**

(V) 15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the candidates will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.

#

गणित (बुनियादी)

MATHEMATICS (BASIC)

*निर्धारित समय : **3** घण्टे* — *अधिकतम अंक : **80***

*Time allowed : **3** hours* — *Maximum Marks : **80***

• • •

सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका सख़्ती से पालन कीजिए :

(i) इस प्रश्न-पत्र में **38** प्रश्न हैं। **सभी** प्रश्न **अनिवार्य** हैं।

(ii) यह प्रश्न-पत्र **पाँच** खण्डों में विभाजित है – **क, ख, ग, घ** एवं **ङ**।

(iii) **खण्ड क** में प्रश्न संख्या **1** से **18** तक बहुविकल्पीय (MCQ) तथा प्रश्न संख्या **19** एवं **20** अभिकथन एवं तर्क आधारित **1** अंक के प्रश्न हैं।

(iv) **खण्ड ख** में प्रश्न संख्या **21** से **25** तक अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के **2** अंकों के प्रश्न हैं।

(v) **खण्ड ग** में प्रश्न संख्या **26** से **31** तक लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के **3** अंकों के प्रश्न हैं।

(vi) **खण्ड घ** में प्रश्न संख्या **32** से **35** तक दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के **5** अंकों के प्रश्न हैं।

(vii) **खण्ड ङ** में प्रश्न संख्या **36** से **38** तक प्रकरण अध्ययन आधारित **4** अंकों के प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रकरण अध्ययन में आंतरिक विकल्प **2** अंकों के प्रश्न में दिया गया है।

(viii) प्रश्न-पत्र में समग्र विकल्प नहीं दिया गया है। यद्यपि, खण्ड ख के 2 प्रश्नों में, खण्ड ग के 2 प्रश्नों में, खण्ड घ के 2 प्रश्नों में तथा खण्ड ङ के 3 प्रश्नों में आंतरिक विकल्प का प्रावधान दिया गया है।

(ix) जहाँ आवश्यक हो स्वच्छ आकृतियाँ बनाइए। जहाँ आवश्यक हो $\pi = \frac{22}{7}$ लीजिए, यदि अन्यथा न दिया गया हो।

(x) कैल्कुलेटर का उपयोग **वर्जित** है।

खण्ड क

*इस खण्ड में **20** बहुविकल्पीय प्रश्न (MCQ) हैं, जिनमें प्रत्येक प्रश्न **1** अंक का है।* $20\times1=20$

1. y-अक्ष से बिंदु (– 3, 4) की दूरी है :

(A) – 3 (B) 3

(C) 4 (D) 5

2. $\dfrac{\cot^2 A - \text{cosec}^2 A}{\sin 30^\circ + \cos 60^\circ}$ का मान है :

(A) 1 (B) – 1

(C) $\dfrac{2}{1+\sqrt{3}}$ (D) $\dfrac{-2}{1+\sqrt{3}}$

• • •

General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

(i) *This question paper contains* ***38*** *questions.* ***All*** *questions are* ***compulsory****.*

(ii) *This question paper is divided into* ***five*** *Sections –* ***A, B, C, D*** *and* ***E****.*

(iii) *In* ***Section A,*** *Questions no.* ***1*** *to* ***18*** *are Multiple Choice Questions (MCQs) and questions number* ***19*** *and* ***20*** *are Assertion-Reason based questions of* ***1*** *mark each.*

(iv) *In* ***Section B,*** *Questions no.* ***21*** *to* ***25*** *are Very Short Answer (VSA) type questions, carrying* ***2*** *marks each.*

(v) *In* ***Section C,*** *Questions no.* ***26*** *to* ***31*** *are Short Answer (SA) type questions, carrying* ***3*** *marks each.*

(vi) *In* ***Section D,*** *Questions no.* ***32*** *to* ***35*** *are Long Answer (LA) type questions carrying* ***5*** *marks each.*

(vii) *In* ***Section E,*** *Questions no.* ***36*** *to* ***38*** *are case study based questions carrying* ***4*** *marks each. Internal choice is provided in* ***2*** *marks questions in each case study.*

(viii) *There is no overall choice. However, an internal choice has been provided in 2 questions in Section B, 2 questions in Section C, 2 questions in Section D and 3 questions in Section E.*

(ix) *Draw neat diagrams wherever required. Take* $\pi = \frac{22}{7}$ *wherever required, if not stated.*

(x) *Use of calculator is* ***not*** *allowed.*

SECTION A

This section has ***20*** *Multiple Choice Questions (MCQs) carrying* ***1*** *mark each. 20×1=20*

1. The distance of point (– 3, 4) from y-axis is :

(A) – 3 (B) 3

(C) 4 (D) 5

2. The value of $\frac{\cot^2 A - \operatorname{cosec}^2 A}{\sin 30^\circ + \cos 60^\circ}$ is :

(A) 1 (B) – 1

(C) $\frac{2}{1+\sqrt{3}}$ (D) $\frac{-2}{1+\sqrt{3}}$

• • •

3. निम्नलिखित में से किस प्रकार के त्रिभुज सदैव समरूप होते हैं ?

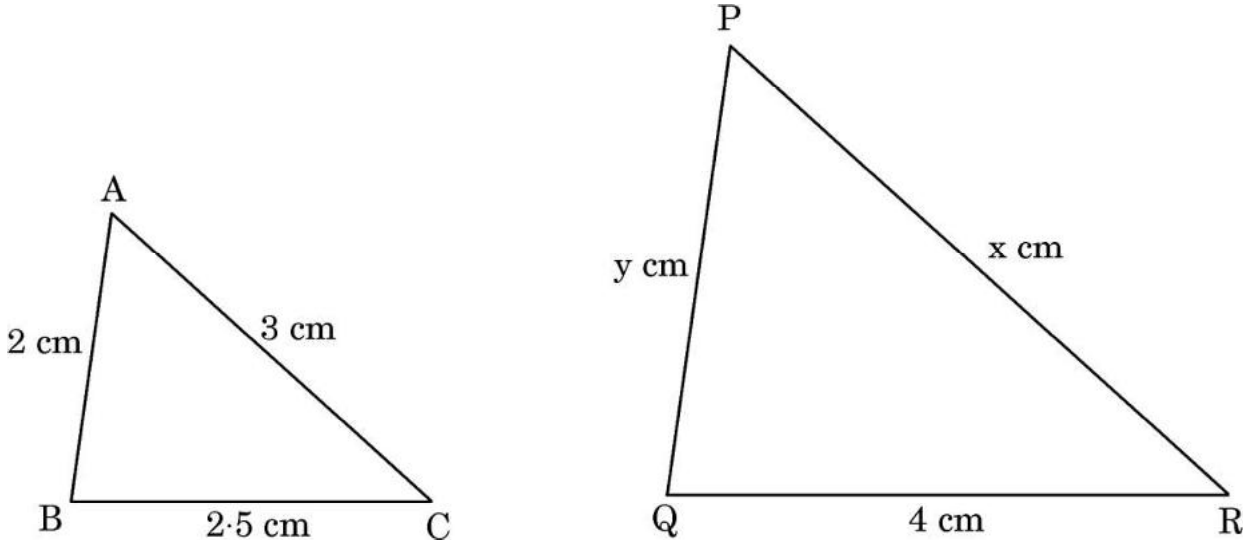
(A) समकोण त्रिभुज

(B) न्यूनकोण त्रिभुज

(C) समद्विबाहु त्रिभुज

(D) समबाहु त्रिभुज

4. नीचे दी गई आकृतियों में, x और y के किन मानों के लिए Δ ABC और Δ QRP समरूप होंगे ?



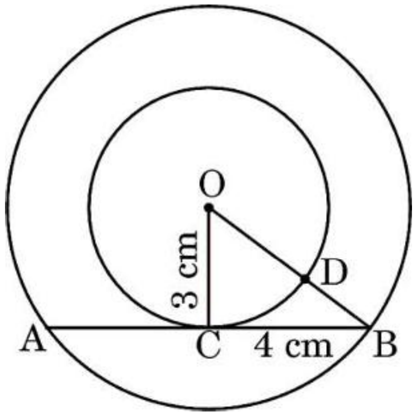
(A) x = 6, y = 5

(B) x = 5, y = 6

(C) x = 6, y = 6

(D) x = 12, y = 3·2

5. दी गई आकृति में, बड़े वृत्त की जीवा AB, छोटे वृत्त को बिन्दु C पर स्पर्श करती है। यदि दोनों वृत्तों का केन्द्र O है, तो BD की लम्बाई है :



(A) 1 cm (B) 2 cm

(C) 3 cm (D) 4 cm

• • •

3. Which types of triangles are always similar ?

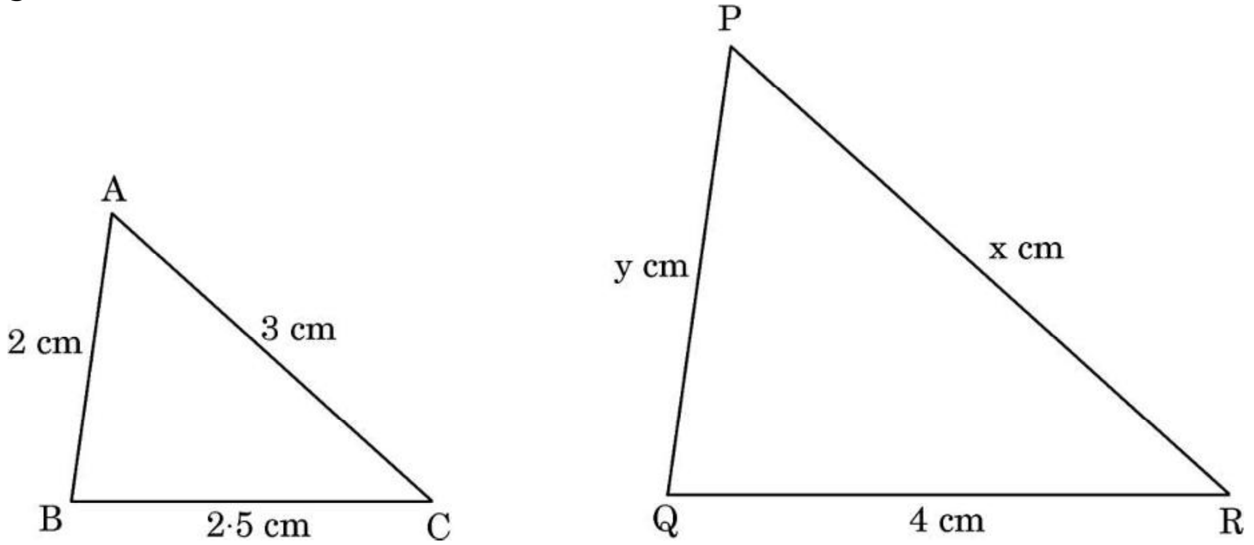
(A) Right-angled triangles

(B) Acute-angled triangles

(C) Isosceles triangles

(D) Equilateral triangles

4. What values of x and y will make Δ ABC similar to Δ QRP in the figures given below ?



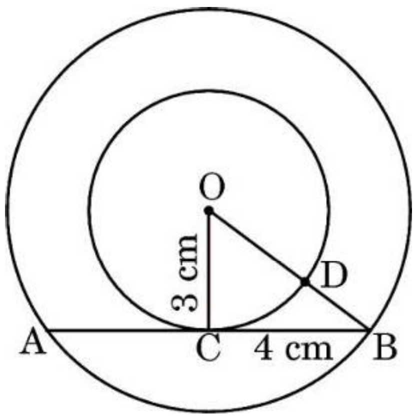
(A) x = 6, y = 5

(B) x = 5, y = 6

(C) x = 6, y = 6

(D) x = 12, y = 3·2

5. In the given figure, chord AB of the larger circle touches the smaller circle at C. If both the circles have the same centre O, then the length of BD is :

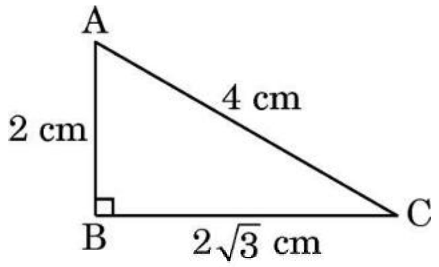


(A) 1 cm (B) 2 cm

(C) 3 cm (D) 4 cm

• • •

6. दी गई आकृति में, बिंदु C से बिंदु A का उन्नयन कोण क्या है ?



(A) 30° (B) 45°

(C) 60° (D) ज्ञात नहीं किया जा सकता है

7. किसी वृत्त के एक त्रिज्यखंड का कोण जिसका क्षेत्रफल, वृत्त के क्षेत्रफल का एक-आठवाँ भाग है, है :

(A) $22\frac{1}{2}^\circ$ (B) 45°

(C) 60° (D) 90°

8. एक वृत्त, जिसकी परिधि 22 cm है, के एक चतुर्थांश का परिमाप है :

(A) 29 cm

(B) 22 cm

(C) 12·5 cm

(D) 5·5 cm

9. एक शंकु और एक बेलन एक ही ऊँचाई और एक ही त्रिज्या के हैं। शंकु के आयतन का अनुपात बेलन के आयतन से है :

(A) 1 : 1 (B) 1 : 3

(C) 3 : 1 (D) 1 : 2

10. निम्नलिखित सारणी में एक कक्षा के 23 विद्यार्थियों द्वारा प्राप्त अंकों को दर्शाया गया है।

प्राप्तांक	0 – 10	10 – 20	20 – 30	30 – 40	40 – 50
विद्यार्थियों की संख्या	5	3	4	8	3

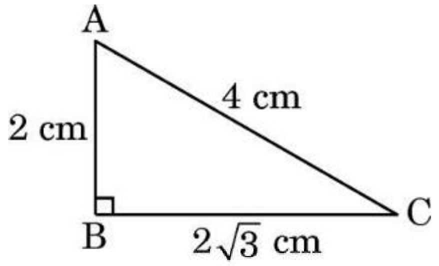
बहुलक वर्ग की निचली सीमा है :

(A) 10 (B) 20

(C) 30 (D) 40

• • •

6. In the given figure, the angle of elevation of point A from point C is :



(A) 30° (B) 45°

(C) 60° (D) Cannot be determined

7. The angle of the sector of a circle whose area is one-eighth of the area of the circle is :

(A) $22\frac{1}{2}^\circ$ (B) 45°

(C) 60° (D) 90°

8. The perimeter of a quadrant of a circle of circumference 22 cm is :

(A) 29 cm

(B) 22 cm

(C) 12·5 cm

(D) 5·5 cm

9. A cone and cylinder have same height and same radius. The volume of the cone and the volume of the cylinder are in the ratio :

(A) 1 : 1 (B) 1 : 3

(C) 3 : 1 (D) 1 : 2

10. The following table shows the marks scored by 23 students of a class.

Marks	0 – 10	10 – 20	20 – 30	30 – 40	40 – 50
Number of Students	5	3	4	8	3

The lower limit of the modal class is :

(A) 10 (B) 20

(C) 30 (D) 40

• • •

11. किसी बंटन के लिए, यदि माध्य = 15 और बहुलक = 12 है, तो उसका माध्यक होगा :

(A) 12

(B) 13

(C) 14

(D) 15

12. पासों का एक युग्म एक साथ उछाला जाता है। माना E घटना ''दोनों पासों पर आई संख्याओं का योगफल कम-से-कम 9 है'' को निरूपित करती है। घटना E के संभव परिणामों की संख्या है :

(A) 4

(B) 6

(C) 10

(D) 26

13. यदि $p = 2^3 \times 3^2 \times 5$ और $q = 2^2 \times 3^3$ है, तो p और q का LCM है :

(A) $2^3 \times 3^3$

(B) $2^2 \times 3^2$

(C) $2^2 \times 3^2 \times 5$

(D) $2^3 \times 3^3 \times 5$

14. 3^n, जहाँ n एक प्राकृत संख्या है, जिस अंक पर कभी-भी समाप्त नहीं होता है, वह अंक है :

(A) 3 (B) 5

(C) 7 (D) 9

15. एक अभाज्य संख्या के :

(A) केवल दो ही अभाज्य गुणनखंड होते हैं

(B) केवल एक ही अभाज्य गुणनखंड होता है

(C) कम-से-कम एक अभाज्य गुणनखंड होता है

(D) कम-से-कम दो अभाज्य गुणनखंड होते हैं

16. k के किस/किन मान के लिए, समीकरण निकाय $kx + 2y = 3$ और $2x + y = 5$ असंगत है ?

(A) k = कोई भी वास्तविक संख्या (B) $k \neq 2$

(C) $k \neq 4$ (D) $k = 4$

• • •

11. For a distribution, if mean = 15 and mode = 12, then its median is :

(A) 12

(B) 13

(C) 14

(D) 15

12. A pair of dice is thrown simultaneously. Let E denote the event that "The sum of numbers obtained on both dice is at least 9." The number of outcomes in favour of event E is :

(A) 4

(B) 6

(C) 10

(D) 26

13. If $p = 2^3 \times 3^2 \times 5$ and $q = 2^2 \times 3^3$, then the LCM of p and q is :

(A) $2^3 \times 3^3$

(B) $2^2 \times 3^2$

(C) $2^2 \times 3^2 \times 5$

(D) $2^3 \times 3^3 \times 5$

14. 3^n, where n is a natural number, cannot end with the digit :

(A) 3 (B) 5

(C) 7 (D) 9

15. A prime number has :

(A) exactly two prime factors

(B) exactly one prime factor

(C) at least one prime factor

(D) at least two prime factors

16. For what value(s) of k, is the system of equations $kx + 2y = 3$ and $2x + y = 5$ inconsistent ?

(A) k = Any real number (B) $k \neq 2$

(C) $k \neq 4$ (D) $k = 4$

• • •

17. यदि $(\sqrt{x} + 1)^2 = x^2 + 2\sqrt{x}$ को एक द्विघात समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$, के रूप में व्यक्त किया जाए, तो $a - b + c$ का मान है :

(A) -1 (B) 0

(C) 1 (D) 2

18. यदि बिन्दु (1, 2), बिन्दुओं (3, 5) तथा (2p, q) को मिलाने वाले रेखाखंड को अनुपात 1 : 1 में विभाजित करता है, तो (p, q) बराबर है :

(A) $\left(-\frac{1}{2}, -1\right)$ (B) $\left(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}\right)$

(C) $(-1, -1)$ (D) $\left(-1, -\frac{1}{2}\right)$

*प्रश्न संख्या **19** और **20** अभिकथन एवं तर्क आधारित प्रश्न हैं । दो कथन दिए गए हैं जिनमें एक को अभिकथन (A) तथा दूसरे को तर्क (R) द्वारा अंकित किया गया है । इन प्रश्नों के सही उत्तर नीचे दिए गए कोडों (A), (B), (C) और (D) में से चुनकर दीजिए ।*

(A) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या करता है ।

(B) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं, परन्तु तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या ***नहीं*** करता है ।

(C) अभिकथन (A) सही है, परन्तु तर्क (R) ग़लत है ।

(D) अभिकथन (A) ग़लत है, परन्तु तर्क (R) सही है ।

19. *अभिकथन (A) :* प्रत्येक द्विघात समीकरण के दो वास्तविक मूल होते हैं ।

तर्क (R) : एक द्विघात बहुपद के अधिक-से-अधिक दो शून्यक हो सकते हैं ।

20. *अभिकथन (A) :* एक न्यूनकोण θ के लिए, $\cot \theta = 1 \Rightarrow \text{cosec}\, \theta = 2$.

तर्क (R) : $\text{cosec}^2 \theta - \cot^2 \theta = 1$.

• • •

17. If $(\sqrt{x} + 1)^2 = x^2 + 2\sqrt{x}$ is expressed as a quadratic equation in the form of $ax^2 + bx + c = 0$, then the value of $a - b + c$ is :

(A) -1 (B) 0

(C) 1 (D) 2

18. If point (1, 2) divides the line segment joining the points (3, 5) and (2p, q) in the ratio 1 : 1, then (p, q) is equal to :

(A) $\left(-\frac{1}{2}, -1\right)$ (B) $\left(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}\right)$

(C) $(-1, -1)$ (D) $\left(-1, -\frac{1}{2}\right)$

*Questions number **19** and **20** are Assertion and Reason based questions. Two statements are given, one labelled as Assertion (A) and the other is labelled as Reason (R). Select the correct answer to these questions from the codes (A), (B), (C) and (D) as given below.*

(A) Both Assertion (A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the correct explanation of Assertion (A).

(B) Both Assertion (A) and Reason (R) are true, but Reason (R) is ***not*** the correct explanation of Assertion (A).

(C) Assertion (A) is true, but Reason (R) is false.

(D) Assertion (A) is false, but Reason (R) is true.

19. *Assertion (A) :* Every quadratic equation has two real roots.

Reason (R) : A quadratic polynomial can have at most two zeroes.

20. *Assertion (A) :* For an acute angle θ, $\cot\theta = 1 \Rightarrow \operatorname{cosec}\theta = 2$.

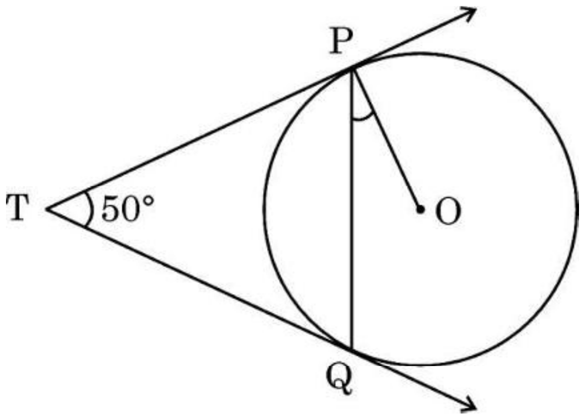
Reason (R) : $\operatorname{cosec}^2\theta - \cot^2\theta = 1$.

• • •

खण्ड ख

इस खण्ड में ***5*** *अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के* ***2*** *अंक हैं।* $5\times2=10$

21. दी गई आकृति में, TP और TQ दो स्पर्श-रेखाएँ हैं। यदि $\angle PTQ = 50^\circ$ है, तो $\angle OPQ$ की माप ज्ञात कीजिए।

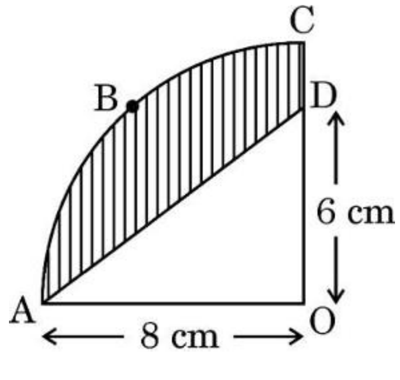


22. (क) यदि $\sin 3A = 1$ है, तो $\cos 2A - \tan^2 45^\circ$ का मान ज्ञात कीजिए।

अथवा

(ख) यदि $(\sec A + \tan A)(1 - \sin A) = k \cos A$ है, तो k का मान ज्ञात कीजिए।

23. दी गई आकृति में, केन्द्र O और त्रिज्या 8 cm के एक वृत्त का एक चतुर्थांश OABC दिखाया गया है। यदि OD = 6 cm है, तो छायांकित भाग का परिमाप ज्ञात कीजिए।



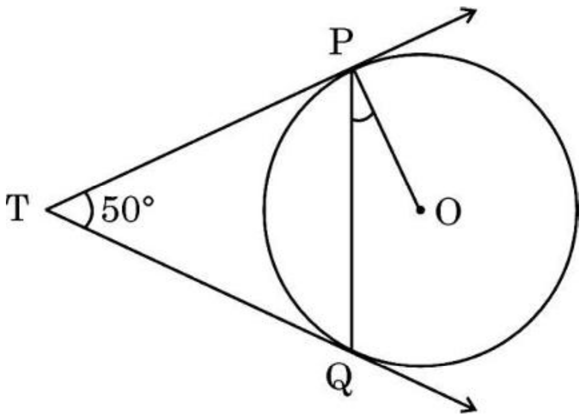
24. निम्नलिखित समीकरण निकायों को ग्राफ़ द्वारा हल कीजिए :

$x + 2y = 10$ और $y = 3$

SECTION B

*This section has **5** Very Short Answer (VSA) type questions carrying **2** marks each.* *5×2=10*

21. In the given figure, TP and TQ are two tangents. If $\angle$ PTQ = 50°, then find the measure of $\angle$ OPQ.

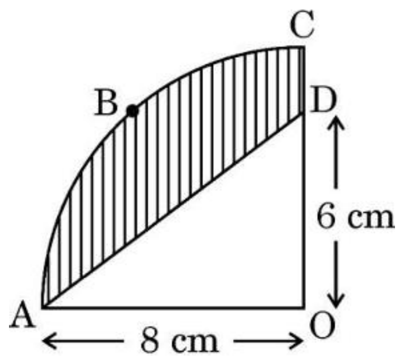


22. (a) If $\sin 3A = 1$, then find the value of $\cos 2A - \tan^2 45°$.

OR

(b) If $(\sec A + \tan A)(1 - \sin A) = k \cos A$, then find the value of k.

23. In the given figure, OABC is a quadrant of a circle with centre O and radius 8 cm. If OD = 6 cm, then find then perimeter of the shaded region.



24. Solve the following system of equations graphically :

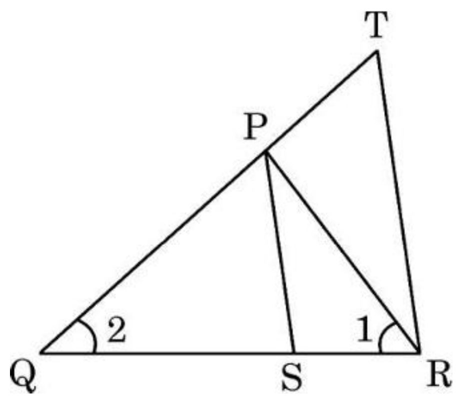
x + 2y = 10 and y = 3

25. (क) 10 m ऊँचे एक ऊर्ध्वाधर खम्भे की धरती पर पड़ने वाली छाया की लम्बाई 15 m है और उसी समय पर, एक मीनार धरती पर 45 m की छाया बनाता है । मीनार की ऊँचाई ज्ञात कीजिए।

अथवा

(ख) दी गई आकृति में, $\frac{QR}{QS} = \frac{QT}{PR}$ और $\angle 1 = \angle 2$ है। सिद्ध कीजिए कि

$\Delta PQS \sim \Delta TQR$



खण्ड ग

*इस खण्ड में **6** लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के **3** अंक हैं।* *6×3=18*

26. (क) एक भिन्न $\frac{1}{3}$ हो जाता है, जब उसके अंश से 1 घटाया जाता है और वह $\frac{1}{4}$ हो जाता है, जब उसके हर में 8 जोड़ दिया जाता है। वह भिन्न ज्ञात कीजिए।

अथवा

(ख) k का वह मान ज्ञात कीजिए जिससे निम्नलिखित रैखिक समीकरणों के युग्म के अपरिमित रूप से अनेक हल हैं :

$$kx + 3y - (k - 3) = 0 \text{ और } 12x + ky - k = 0$$

इस प्रकार प्राप्त समीकरण युग्म के कोई दो हल ज्ञात कीजिए।

27. निम्नलिखित त्रिकोणमितीय सर्वसमिका को सिद्ध कीजिए :

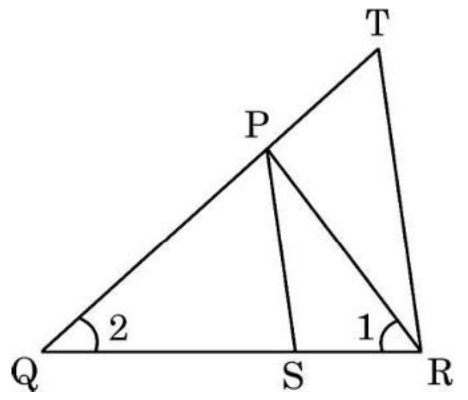
$$\frac{1 + \sec A}{\sec A} = \frac{\sin^2 A}{1 - \cos A}$$

• • •

25. (a) A vertical pole of height 10 m casts a shadow of 15 m on the ground and at the same time, a tower casts a shadow of 45 m on the ground. Find the height of the tower.

OR

(b) In the given figure, $\frac{QR}{QS} = \frac{QT}{PR}$ and $\angle 1 = \angle 2$. Prove that $\Delta PQS \sim \Delta TQR$.



SECTION C

*This section has **6** Short Answer (SA) type questions carrying **3** marks each.* *6×3=18*

26. (a) A fraction becomes $\frac{1}{3}$, when 1 is subtracted from the numerator and it becomes $\frac{1}{4}$, when 8 is added to its denominator. Find the fraction.

OR

(b) Find the value of k for which the following pair of linear equations will have infinitely many solutions :

$$kx + 3y - (k - 3) = 0 \text{ and } 12x + ky - k = 0$$

Hence, find any two solutions of the given pair of equations.

27. Prove the following trigonometric identity :

$$\frac{1 + \sec A}{\sec A} = \frac{\sin^2 A}{1 - \cos A}$$

• • •

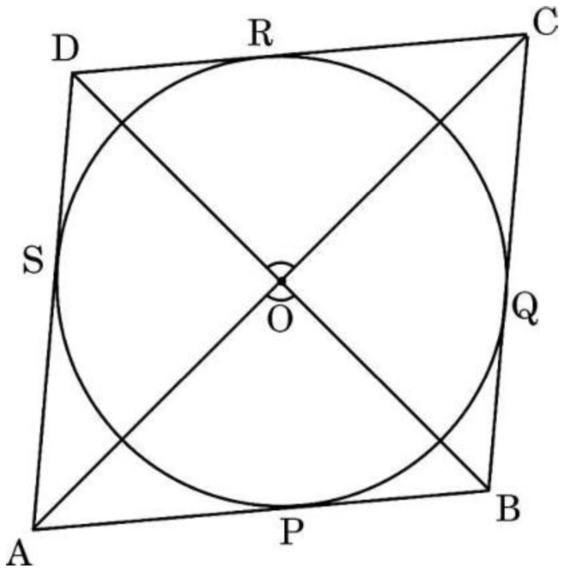
28. एक डिब्बे में 6 नीले, 4 सफेद और 8 लाल कंचे हैं। एक कंचा इस डिब्बे से यादृच्छया निकाला जाता है। प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि निकाला गया कंचा :

(i) सफेद है

(ii) सफेद या लाल है

(iii) लाल नहीं है

29. दी गई आकृति में, एक चतुर्भुज ABCD में एक वृत्त बना है जो चतुर्भुज की भुजाओं AB, BC, CD और DA को क्रमशः बिन्दुओं P, Q, R तथा S पर स्पर्श करता है। सिद्ध कीजिए कि $\angle AOB + \angle COD = 180°$.



30. (क) सिद्ध कीजिए कि $\sqrt{2}$ एक अपरिमेय संख्या है।

अथवा

(ख) ज्ञात कीजिए कि निम्नलिखित संख्याओं a, b और c में से कौन-सी भाज्य संख्या/संख्याएँ है/हैं।

$$a = 7 \times 11 \times 13 + 13$$

$$b = 6 \times 5 \times 4 + 4$$

$$c = 7 \times 13 + 6$$

• • •

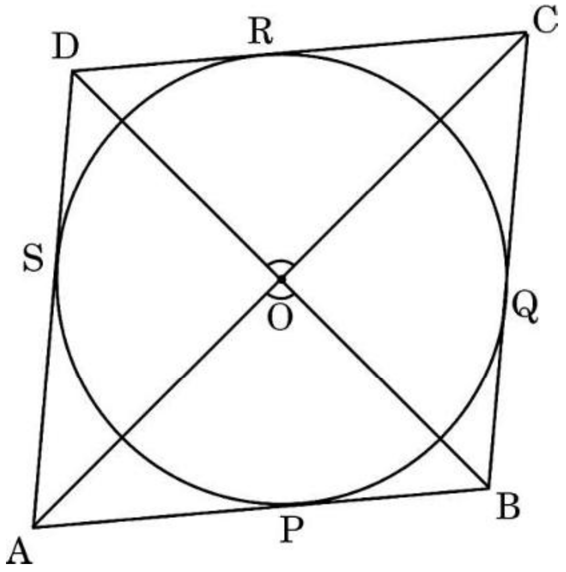
28. A box contains 6 blue, 4 white and 8 red marbles. A marble is drawn at random from this box. Find the probability that the marble so drawn is :

(i) white

(ii) white or red

(iii) not red

29. In the given figure, a circle is inscribed in a quadrilateral ABCD which touches the sides AB, BC, CD and DA at P, Q, R and S respectively. Prove that $\angle AOB + \angle COD = 180°$.



30. (a) Prove that $\sqrt{2}$ is an irrational number.

OR

(b) Find which among the following numbers a, b and c is/are composite numbers.

$$a = 7 \times 11 \times 13 + 13$$

$$b = 6 \times 5 \times 4 + 4$$

$$c = 7 \times 13 + 6$$

• • •

31. बहुपद $4x^2 + 4x + 1$ के शून्यक ज्ञात कीजिए और दिए गए बहुपद के शून्यकों तथा गुणांकों के बीच संबंध की सत्यता की जाँच कीजिए।

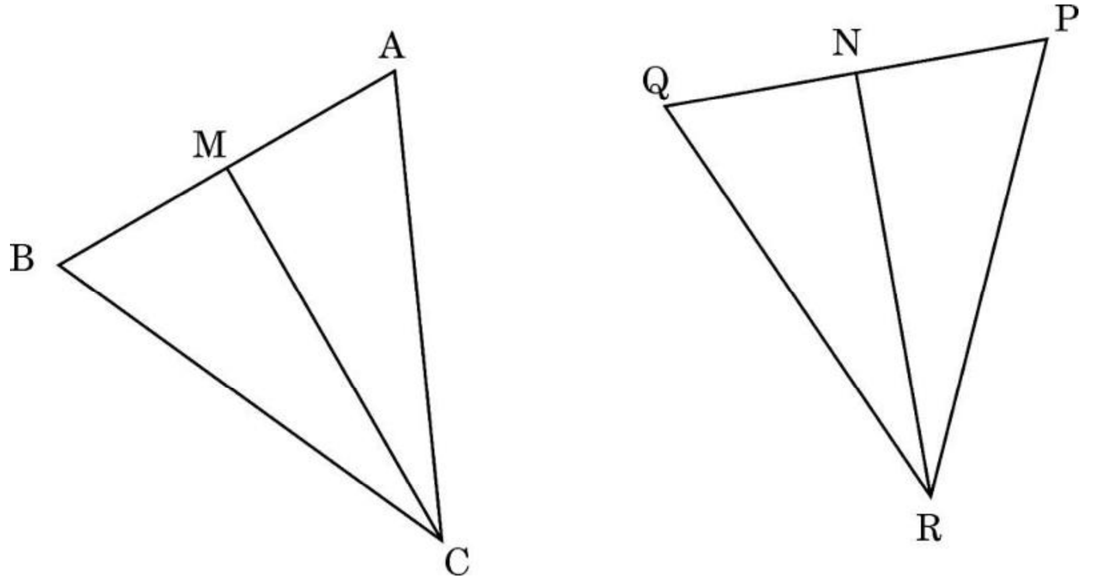
खण्ड घ

*इस खण्ड में **4** दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के **5** अंक हैं।* *$4\times5=20$*

32. (क) ''आधारभूत समानुपातिकता प्रमेय'' लिखिए और उसे सिद्ध भी कीजिए।

अथवा

(ख) दी गई आकृति में, CM और RN क्रमश: त्रिभुजों ABC और PQR की माध्यिकाएँ हैं। यदि $\Delta ABC \sim \Delta PQR$ है, तो सिद्ध कीजिए कि :



(i) $\Delta AMC \sim \Delta PNR$

(ii) $\angle BCM = \angle QRN$

(iii) $\Delta BMC \sim \Delta QNR$

31. Find the zeroes of the polynomial $4x^2 + 4x + 1$ and verify the relationship between the zeroes and the coefficients of the given polynomial.

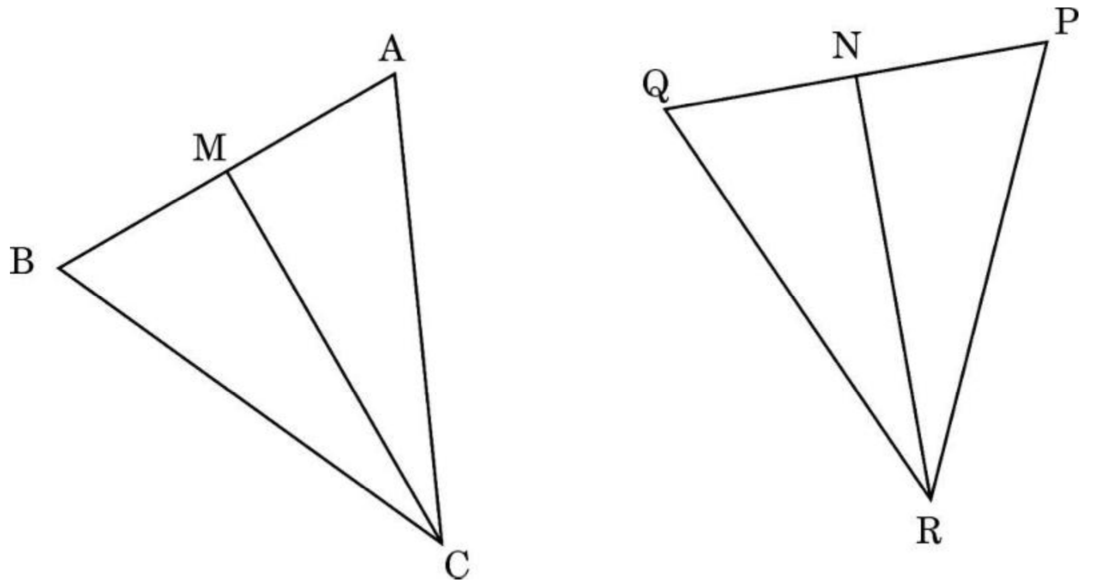
SECTION D

*This section has **4** Long Answer (LA) type questions carrying **5** marks each.* $4\times5=20$

32. (a) State and Prove "Basic Proportionality Theorem".

OR

(b) In the given figure, CM and RN are respectively, the medians of Δ ABC and Δ PQR. If Δ ABC ~ Δ PQR, prove that :



(i) Δ AMC ~ Δ PNR

(ii) $\angle$ BCM = $\angle$ QRN

(iii) Δ BMC ~ Δ QNR

• • •

33. 10 cm ऊँचे और त्रिज्या 14 cm के एक ठोस लकड़ी के बेलन से, 5 cm ऊँचा और त्रिज्या 7 cm का एक बेलन खोद कर निकाला जाता है और ठोस बेलन में एक गुहा बन जाती है। बचे हुए ठोस का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

34. निम्नलिखित बंटन एक मोहल्ले के बच्चों के साप्ताहिक जेब खर्च (₹ में) को दर्शाता है। माध्य जेब खर्च ₹ 180 है।

साप्ताहिक जेब खर्च (₹ में)	बच्चों की संख्या
110 – 130	7
130 – 150	6
150 – 170	9
170 – 190	13
190 – 210	f
210 – 230	5
230 – 250	4

f का मान ज्ञात कीजिए और इसके पश्चात् दिए गए आँकड़ों का बहुलक ज्ञात कीजिए।

35. (क) दो क्रमागत विषम पूर्णांक ज्ञात कीजिए जिनके वर्गों का योगफल 290 है।

अथवा

(ख) एक दानी (चैरीटी) ट्रस्ट फैसला करता है कि उन्हें एक आयताकार हॉल, जिसका क्षेत्रफल 300 m^2 हो, बनाना है। हॉल की लम्बाई, इसकी चौड़ाई के दुगुने से एक मीटर अधिक होनी है। हॉल की लम्बाई और चौड़ाई ज्ञात कीजिए।

• • •

33. From a solid wooden cylinder of height 10 cm and radius 14 cm, a cylinder of radius 7 cm and height 5 cm is scooped out to form a cavity inside the solid cylinder. Find the total surface area of the remaining solid.

34. The following distribution shows the weekly pocket allowance (in ₹) of some children of a locality. The mean pocket allowance is ₹ 180.

Weekly Pocket Allowance (in ₹)	Number of Children
110 – 130	7
130 – 150	6
150 – 170	9
170 – 190	13
190 – 210	f
210 – 230	5
230 – 250	4

Find the value of f. Hence find the mode of given data.

35. (a) Find two consecutive odd integers, sum of whose squares is 290.

OR

(b) A charity trust decides to build a rectangular hall having an area of 300 m^2. The length of the hall is one metre more than twice its width. Find the length and breadth of the hall.

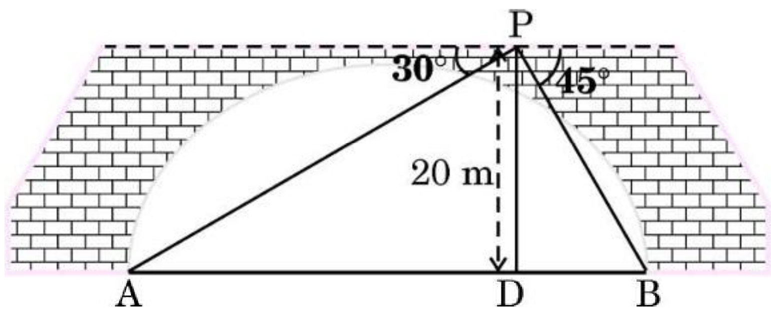
• • •

खण्ड ङ

*इस खण्ड में **3** प्रकरण अध्ययन आधारित प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के **4** अंक हैं।* *$3 \times 4 = 12$*

प्रकरण अध्ययन – 1

36. दो मोटर नावें A और B नदी के विपरीत किनारों पर दूसरी ओर पहुँचने के लिए प्रतीक्षा कर रही हैं। नदी से 20 m ऊपर पुल पर एक बिन्दु P से, नावों के अवनमन कोण क्रमशः 30° और 45° हैं, जैसा कि चित्र में नीचे दिखाया गया है। दोनों नावें समान समय पर क्रमशः 10 m/s और 5 m/s की गति से रवाना होती हैं।



उपर्युक्त जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) बिन्दु P के ठीक नीचे नदी में बिन्दु D तक पहुँचने के लिए नाव A द्वारा तय की गई दूरी ज्ञात कीजिए। ($\sqrt{3}$ = 1·73 प्रयोग कीजिए) *1*

(ii) नदी की चौड़ाई कितनी है ? *1*

(iii) (क) कौन-सी नाव बिन्दु D पर पहले पहुँचेगी और वह दूसरी नाव से कितने समय पहले पहुँचेगी ? *2*

अथवा

(ख) 3 सेकण्ड पश्चात दोनों नावों के बीच की दूरी कितनी है ? *2*

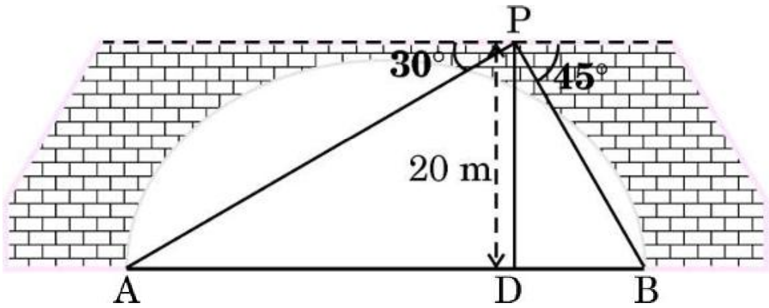
• • •

SECTION E

*This section has **3** case study based questions carrying **4** marks each.* *3×4=12*

Case Study – 1

36. Two motorboats A and B are waiting at the opposite banks of a river in order to reach the opposite side. From a point P on the bridge, 20 m above the river, the angles of depression of the boats are 30° and 45° respectively, as shown in the figure given below. Both the boats leave at the same time at the speed of 10 m/s and 5 m/s, respectively



Based on the above information, answer the following questions :

(i) Find the distance travelled by boat A to reach point D in the river, vertically below the point P. (Use $\sqrt{3}$ =1·73) *1*

(ii) What is the width of the river ? *1*

(iii) (a) Which boat will reach point D first, and how much earlier, than the other boat ? *2*

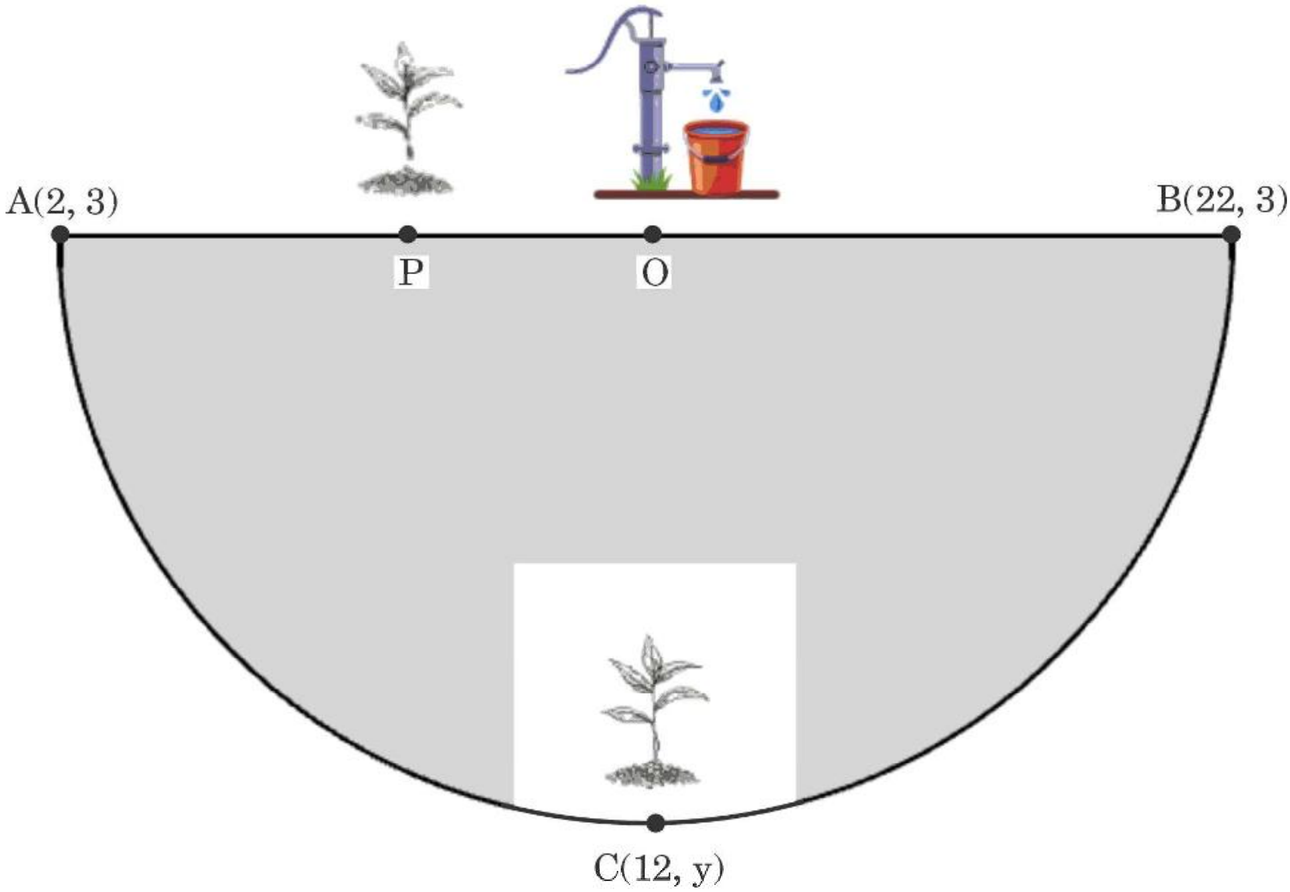
OR

(b) What is the distance between the two boats after 3 seconds ? *2*

• • •

प्रकरण अध्ययन – 2

37. अमन की सोसाइटी में एक अर्धवृत्ताकार पार्क है। वह इस पार्क की परिधि (परिसीमा) पर पौधे लगाना चाहता है। जैसा कि नीचे चित्र में दिखाया गया है, पार्क के केन्द्र O पर व्यास AB के अनुदिश एक बोरवेल है।



उपर्युक्त जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) बिन्दु O के निर्देशांक ज्ञात कीजिए। *1*

(ii) अर्धवृत्ताकार पार्क की त्रिज्या ज्ञात कीजिए। *1*

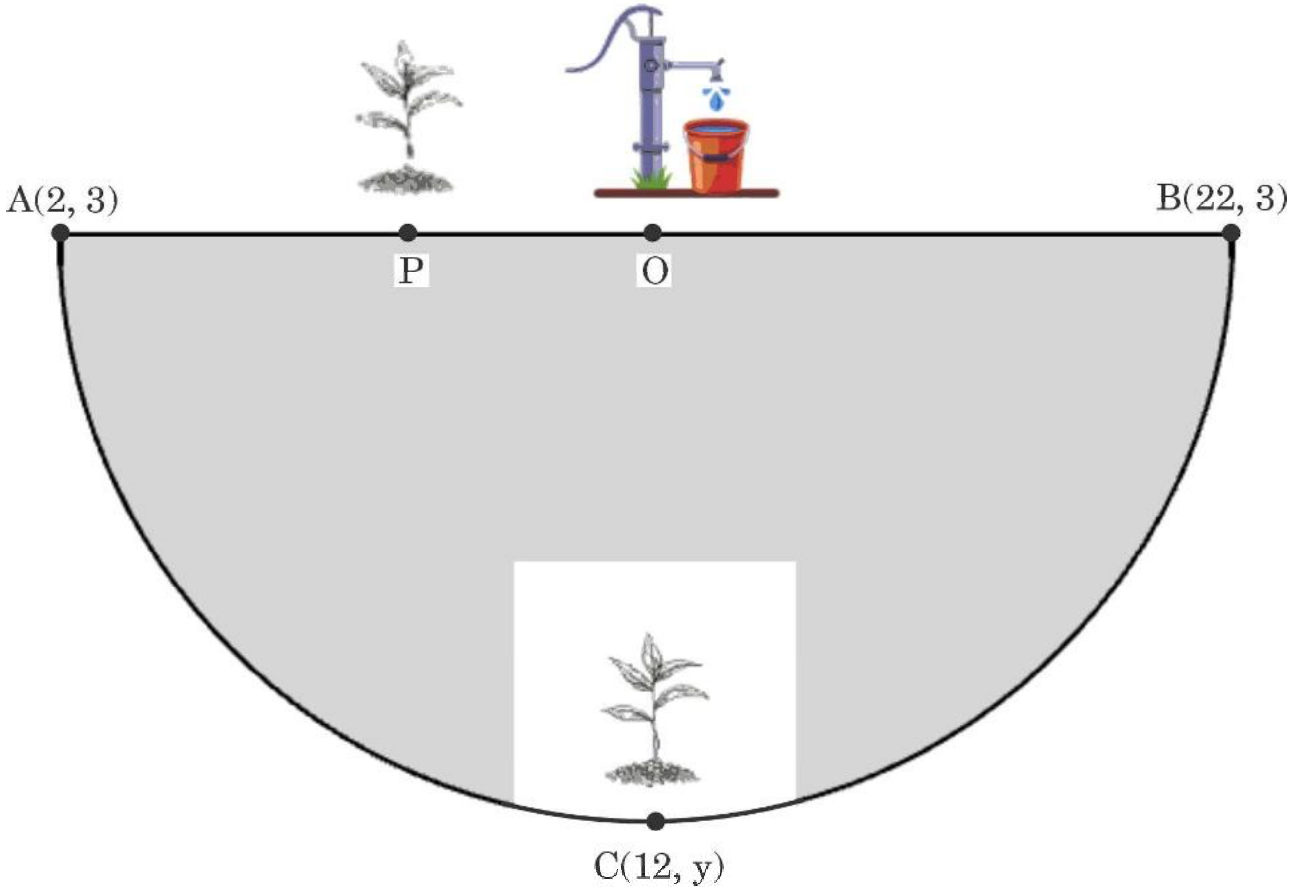
(iii) (क) एक पौधा बिन्दु C(12, y) पर लगाया गया है। C के निर्देशांक ज्ञात कीजिए। *2*

अथवा

(ख) व्यास AB के अनुदिश, एक पौधा बिन्दु P पर इस प्रकार लगाया गया है कि $PA = \frac{1}{3}$ PB. बिंदु P के निर्देशांक ज्ञात कीजिए। *2*

Case Study – 2

37. There is a semicircular park in Aman's society. He wishes to plant saplings along the boundary of the park. There is a borewell at the centre O of the park along the diameter AB as shown in the figure below.



Based on the above information, answer the following questions :

(i) Find the coordinates of point O. *1*

(ii) Find the radius of the semicircular park. *1*

(iii) (a) One sapling is kept at point C(12, y). Find the coordinates of C. *2*

OR

(b) One sapling is kept at point P along AB so that $PA = \frac{1}{3}$ PB. Find the coordinates of P. *2*

• • •

प्रकरण अध्ययन – 3

38. एक सोसाइटी में लोगों को स्वस्थ जीवन शैली जीने के लिए प्रशिक्षित करने के लिए एक योग प्रशिक्षक को नियुक्त किया गया था। सोसाइटी पार्क में प्रतिदिन योग सत्र शाम 5 बजे से 7 बजे तक आयोजित किए जाते थे। पहले दिन, 5 व्यक्ति योग सत्र में शामिल हुए, दूसरे दिन 3 और व्यक्ति योग सत्र में शामिल हुए, तीसरे दिन 3 और व्यक्ति योग सत्र में शामिल हुए और इसी तरह हर दिन 3 और व्यक्ति शामिल होते चले गए।

उपर्युक्त जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) किस दिन, 59 व्यक्तियों ने योग सत्र में हिस्सा लिया ? *1*

(ii) 31वें दिन कितने व्यक्तियों ने योग सत्र में हिस्सा लिया ? *1*

(iii) (क) योग प्रशिक्षक को प्रति सत्र, प्रति व्यक्ति ₹ 100 दिए गए। किस दिन प्रशिक्षक को ₹ 5,000 प्राप्त होंगे ? *2*

अथवा

(ख) योग प्रशिक्षक ने पहले 16 दिनों में कुल कितने रुपए प्राप्त किए ? *2*

•••

Case Study – 3

38. In a society, a yoga instructor was hired to train the people of the society to live a healthy lifestyle. Yoga sessions were held daily from 5 p.m. to 7 p.m. in the society park. On day one, 5 people joined the yoga session, on day two, 3 more people joined, on day three, another 3 people joined and in this manner every next day, 3 more people kept on joining.

Based on the given information, answer the following questions :

(i) On which day did 59 people join the yoga session ? *1*

(ii) How many people joined the yoga session on the 31st day ? *1*

(iii) (a) The yoga instructor was paid ₹ 100 for each person attending the yoga session. On which day would he earn ₹ 5,000 ? *2*

OR

(b) What was the total amount earned by the yoga instructor in 16 days ? *2*